



Konečné hry s úplnou informací

hra dvou hráčů

konečná...skončí po konečném počtu kroků

s úplnou informací...oba hráči mají

všechny informace o stavu hry

Příklad: odebírání zápalek, piškvorky na konečné ploše, dáma, šachy, go...

Vyhrávající a prohrávající pozice

(kdyby neexistovala remíza)

- koncová pozice, ve které hráč na tahu prohrál,
je **prohrávající**
 - koncová pozice, ve které hráč na tahu vyhrál,
je **vyhrávající**
-

- pozice, ze které **lze** hráče dostat do prohrávající pozice,
je **vyhrávající**
- pozice, ze které **nelze** hráče dostat do prohrávající pozice,
je **prohrávající**

=> (kdyby neexistovala remíza)

každá dostupná pozice je buď vyhrávající nebo prohrávající

Pokud existuje remíza, jsou kromě prohrávajících a vyhrávajících pozic ještě **neprohrávající** pozice.

Věta:

U konečné hry s úplnou informací alespoň pro jednoho hráče existuje neprohrávající strategie.

příklad: zápalky 1..3

příklad: zápalky z více hromádek

Hry s ohodnocením

= Každá cílová pozice je ohodnocena číslem
(namísto vyhrál-prohrál).

Jeden hráč se snaží dosáhnout maximálního výsledku,
druhý minimálního.

Hra s nulovým součtem

= Hra, ve které zisk jednoho hráče
je roven ztrátě druhého hráče.

Algoritmus MINIMAX

Strom hry se ohodnocuje od listů - koncových pozic,
(tam už víme, jak hra dopadla a ohodnocení známe).

Hodnota vrcholu-stavu se spočte jako

maximum/minimum hodnot synů,

podle toho,

zda je na tahu

maximalizující nebo minimalizující hráč.

příklad: řada čísel - součet dolů vs. součet nahoru

příklad: tabulka čísel - součet dolů vs. součet nahoru

Negamax

= Alternativa MINIMAXu,
namísto střídání MIN a MAX se počítá $-MAX(-...)$.
Snazší naprogramování.

$H := \max(\min(\max(\min(\dots))))$

vs.

$H := \max(-\max(-\max(-\max(-\dots))))$

alfa-beta prořezávání

Představme si, že

V uzlu U vybíráme maximum

a už umíme získat hodnotu ALFA

V jeho synu V vybíráme minimum...

a našli jsme hodnotu x menší nebo rovnu ALFA

=> nemá smysl zkoumat další tahy z uzlu V !

Protože:

- hodnota uzlu V bude určitě $\leq x$ (a $x \leq ALFA$)
...a dalším hledáním ji můžeme jedině zmenšit
- hodnota uzlu U bude určitě $\geq ALFA$
...takže ji hodnota uzlu V už nezvýší

Analogicky hodnota BETA a výběr minimum-maximum.

"Skutečné" hry

- omezená hloubka a statická ohodnocovací funkce
- hloubka ne všude stejná
- alfa-beta prořezávání
- okénko
- procházení do rostoucí hloubky
- příklad: `BP70\EXAMPLES\CHESS`

